

Tema 3. Circuitos Combinacionales

Fundamentos de los Computadores



1. Introducción
2. Decodificadores
3. Codificadores
4. Multiplexores
5. Demultiplexores
6. Dispositivos lógicos programables

1. Introducción

Circuitos combinacionales (I)



- En el tema anterior se han estudiado los principios básicos necesarios para abordar la descripción e implementación de circuitos digitales a partir de las puertas lógicas o funciones lógicas elementales.
- En este tema se aplicarán dichos principios para comprender el funcionamiento e implementación de los circuitos combinacionales básicos más utilizados.
- Se estudiará la importancia de dichos circuitos como elementos básicos en la implementación de las diferentes unidades funcionales del computador y en la transferencia de información entre ellas.

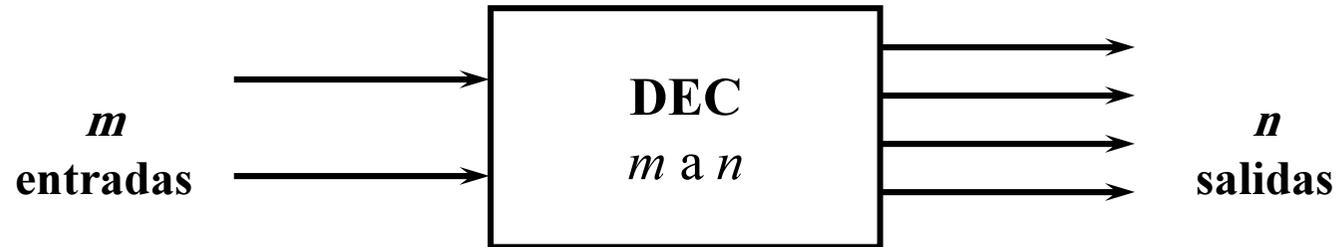
1. Introducción

Circuitos combinacionales (II)



- En un circuito combinacional, la relación entre la(s) entrada(s) y la(s) salida(s) puede expresarse mediante una función lógica
 - El valor de la(s) salida(s) en un instante dado depende exclusivamente del valor de la(s) entrada(s) en ese instante
- Las puertas lógicas introducen un pequeño retardo entre la entrada y la salida (del orden de nanosegundos)
 - Un circuito combinacional real presenta un retardo entre la entrada y la salida
 - El retardo depende del tipo de puertas, su n° de entradas y el nivel del circuito
- Estudiaremos circuitos que implementan funciones sencillas
 - Están integrados en pastillas (chips)

2. Decodificadores (I)



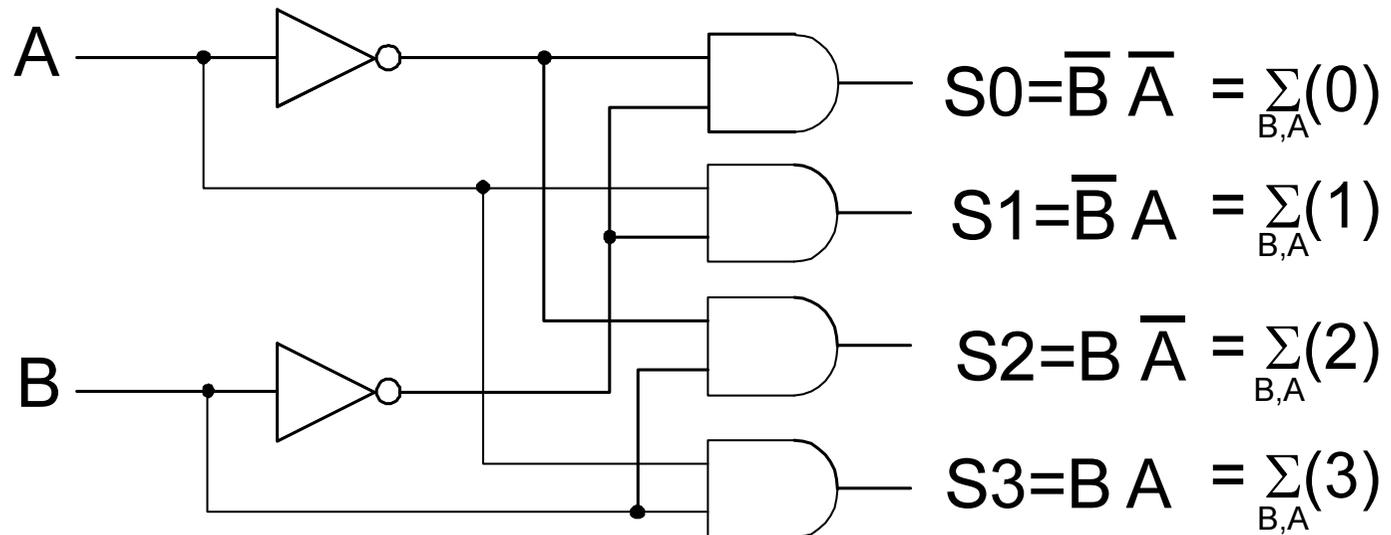
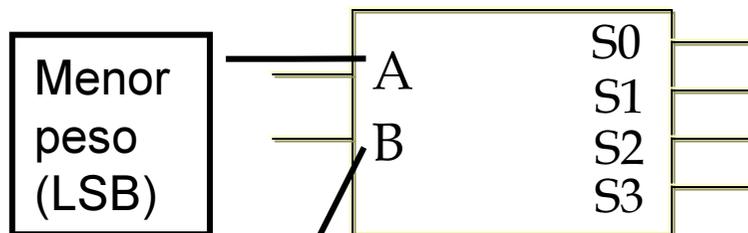
Son de gran utilidad para habilitar dispositivos

- Decodificadores binarios
 - m entradas y $n = 2^m$ salidas
 - 2 a 4, 3 a 8, 4 a 16
- Decodificadores de BCD a 7 segmentos
 - 4 entradas y 7 salidas
- Decodificadores de BCD a decimal
 - 4 entradas y 10 salidas

(Las salidas son mutuamente excluyentes)

- Decodificador binario

ENTRADAS		SALIDAS			
B	A	S3	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0

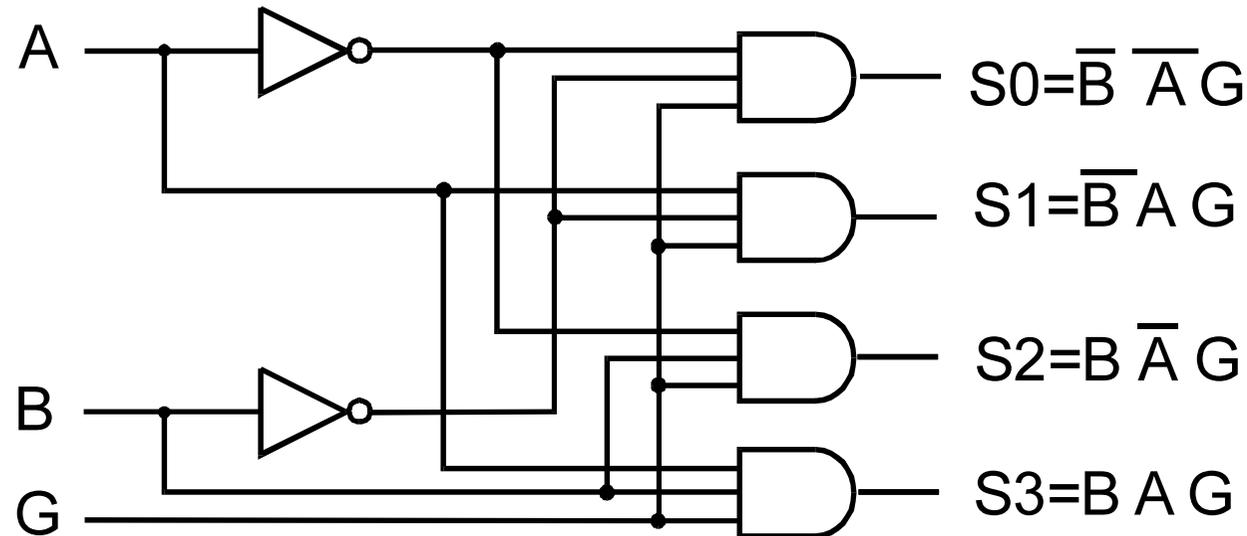


(Enable o strobe)

- Entrada de habilitación

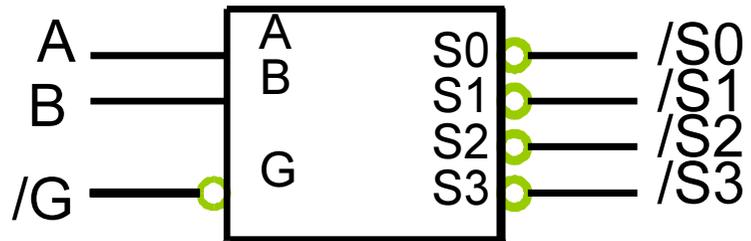


ENTRADAS			SALIDAS			
G	B	A	S3	S2	S1	S0
0	X	X	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0



(habilitación)

- Circuito integrado 74LS139



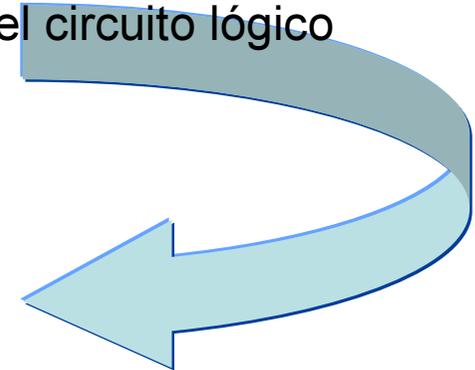
ENTRADAS			SALIDAS			
/G	B	A	/S3	/S2	/S1	/S0
1	X	X	1	1	1	1
0	0	0	1	1	1	0
0	0	1	1	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1
0	1	1	0	1	1	1

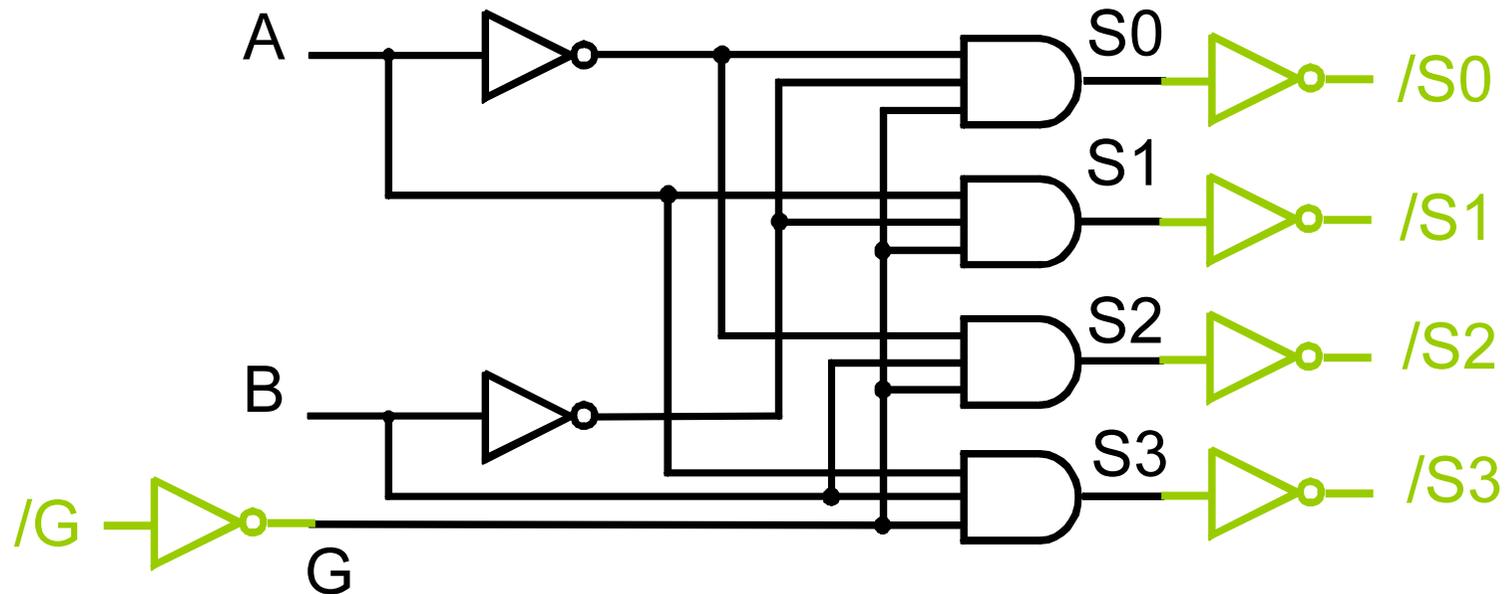
Entrada de habilitación y salidas activas a nivel bajo. Se indica con los círculos y nombres de las variables.

Dos formas:

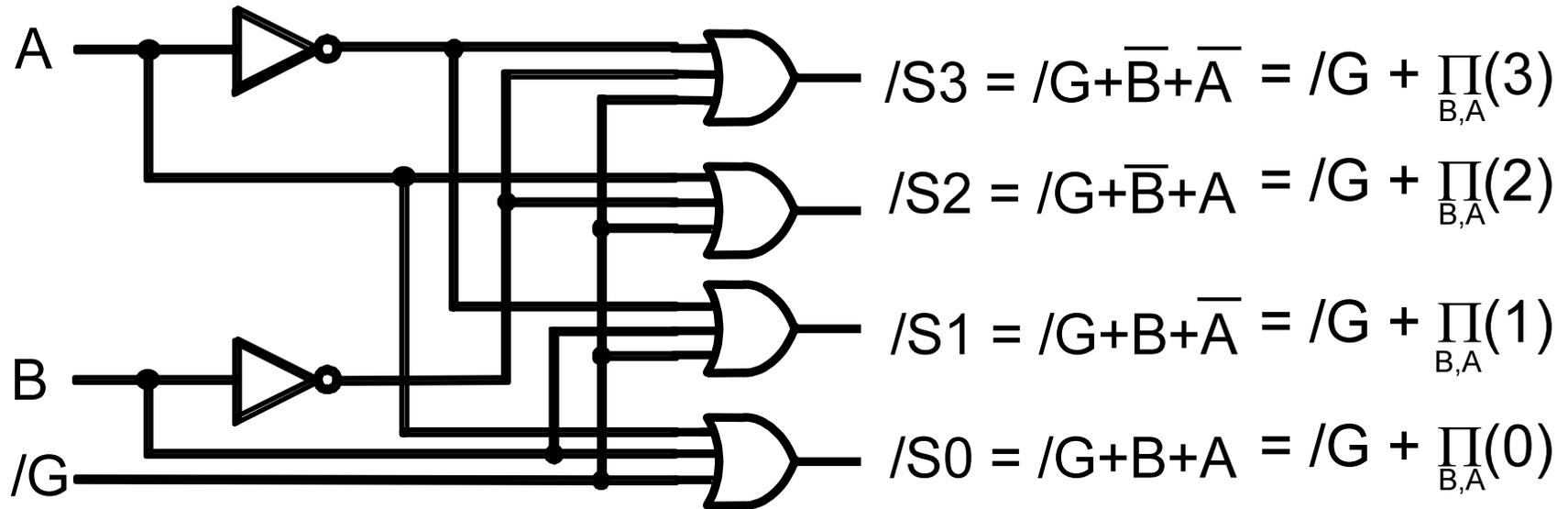
- ☒ Partiendo del diseño con entrada de habilitación y salidas activas a nivel alto
- ☒ Partiendo de la tabla verdad mediante producto de maxitérminos

Ejercicio: Diseñad el circuito lógico





En esta solución el nivel del circuito es tres, a continuación se presenta una solución más eficiente



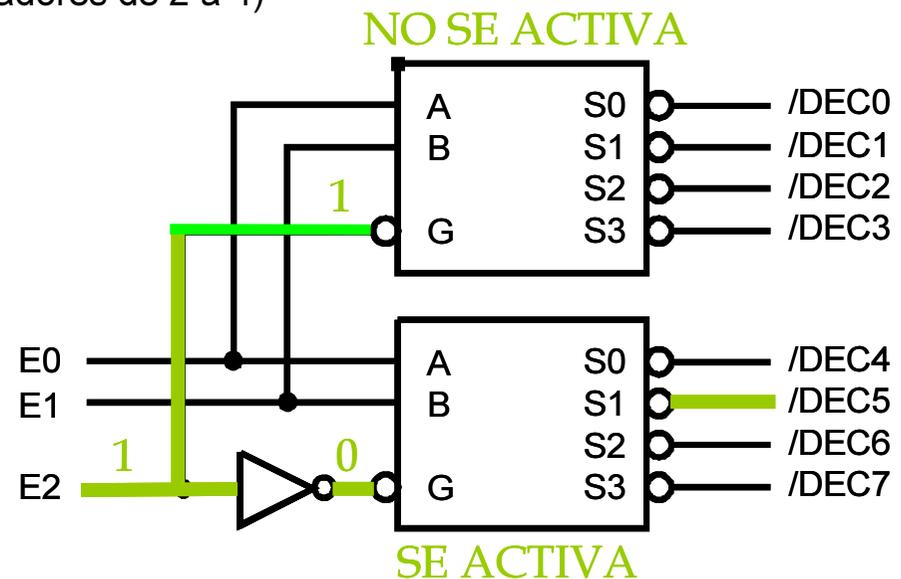
(habilitación)

Cada salida $/S_i$ implementa el maxitérmino correspondiente a la fila i

En este caso, el nivel del circuito es 2

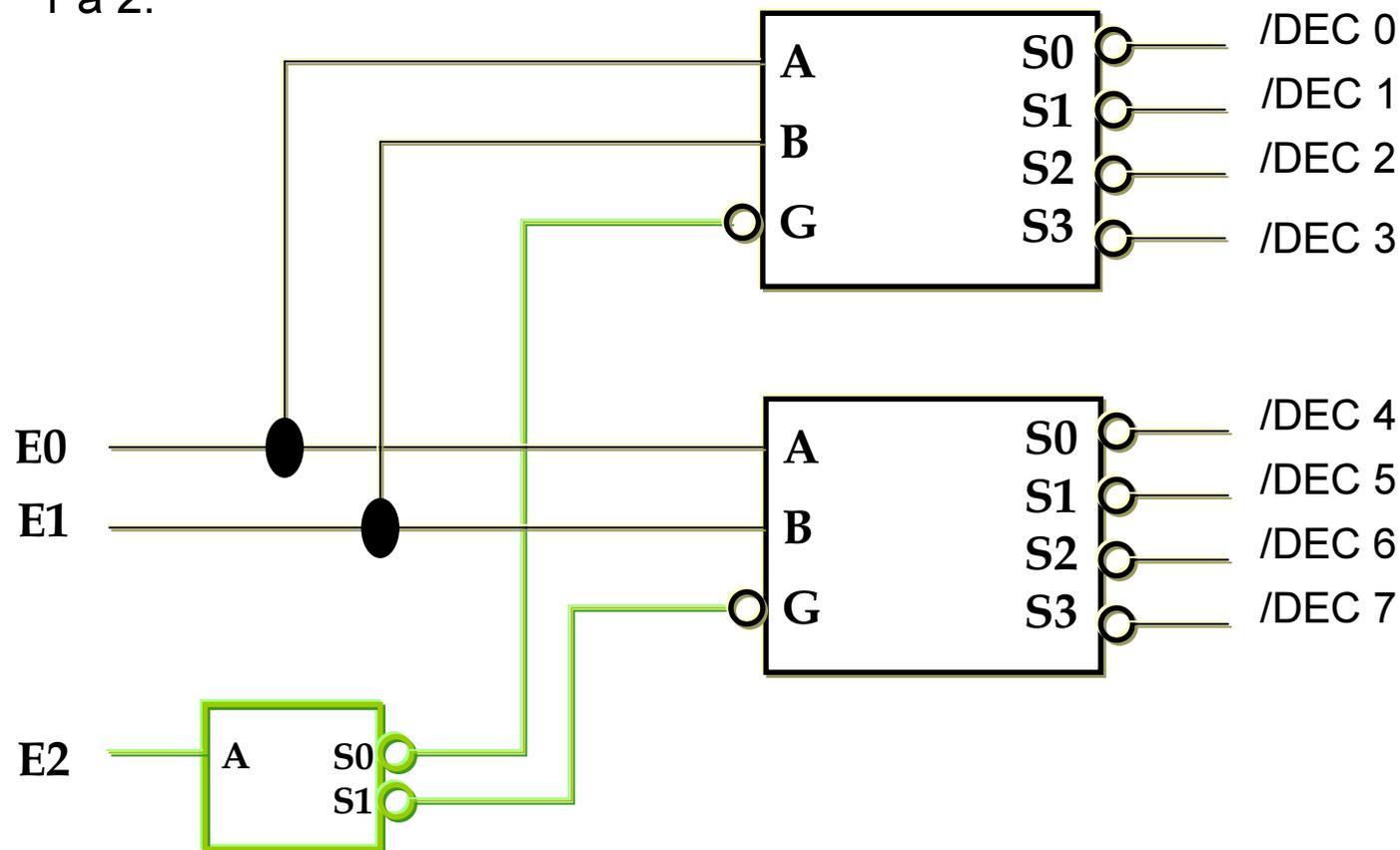
- Composición de decodificadores
 - Tamaño más grande existente en el mercado: 4 a 16
 - Podemos implementar decodificadores mayores combinando o componiendo decodificadores más pequeños en paralelo
 - Ejemplos de esta técnica:
- Decodificador de 3 a 8 (con decodificadores de 2 a 4)

E2	E1	E0	
0	0	0	/DEC0
0	0	1	/DEC1
0	1	0	/DEC2
0	1	1	/DEC3
1	0	0	/DEC4
1	0	1	/DEC5
1	1	0	/DEC6
1	1	1	/DEC7



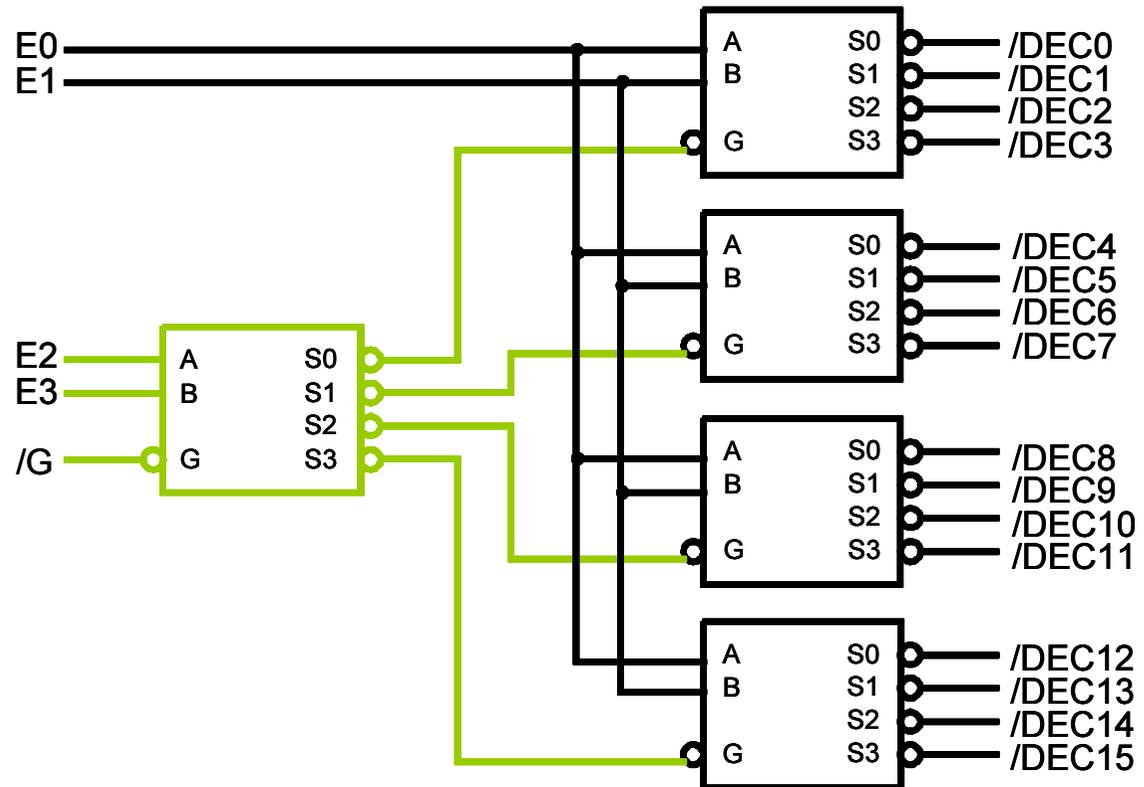
↪ Composición de decodificadores:

- Decodificador de 3 a 8 utilizando dos decodificadores de 2 a 4 y otro de 1 a 2:



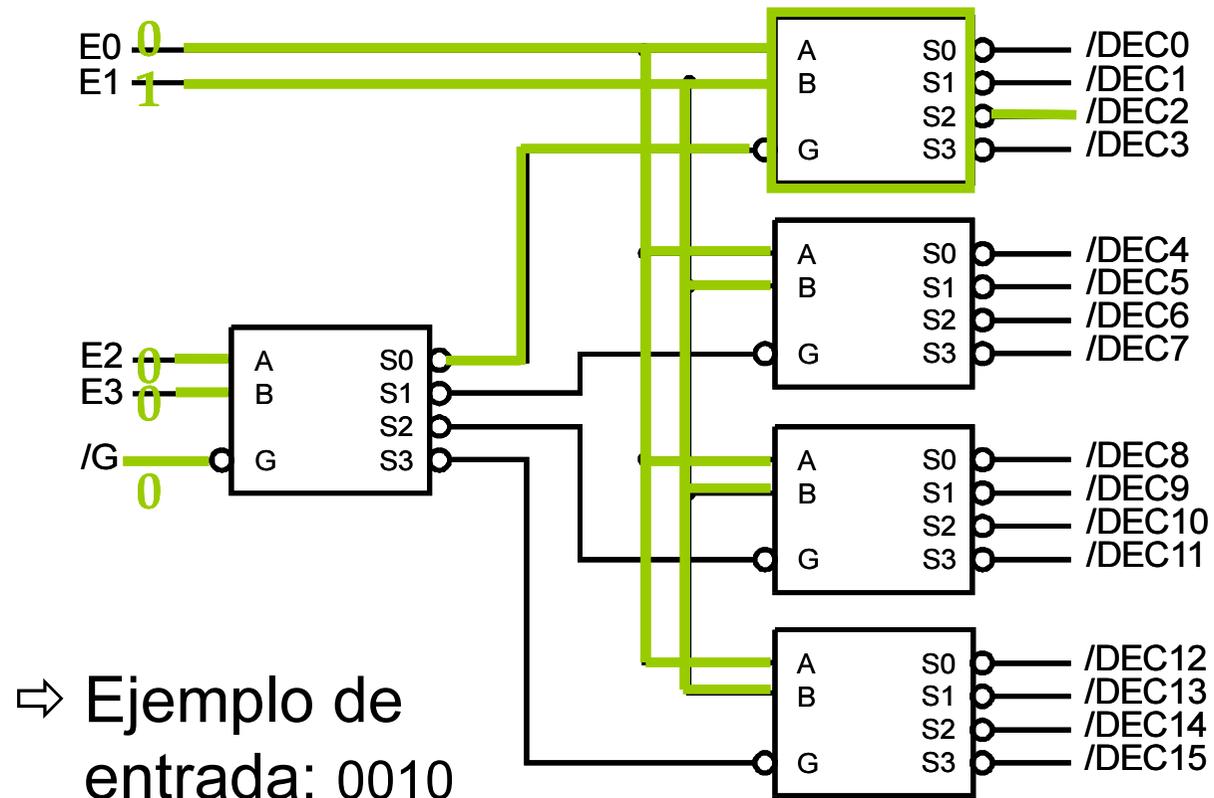
- Decodificador de 4 a 16 con decodificadores de 2 a 4 (74LS139) :

	E3	E2	E1	E0	
(0)	0	0	0	0	/DEC0
(1)	0	0	0	1	/DEC1
(2)	0	0	1	0	/DEC2
(3)	0	0	1	1	/DEC3
(4)	0	1	0	0	/DEC4
(5)	0	1	0	1	/DEC5
(6)	0	1	1	0	/DEC6
(7)	0	1	1	1	/DEC7
(8)	1	0	0	0	/DEC8
(9)	1	0	0	1	/DEC9
(10)	1	0	1	0	/DEC10
(11)	1	0	1	1	/DEC11
(12)	1	1	0	0	/DEC12
(13)	1	1	0	1	/DEC13
(14)	1	1	1	0	/DEC14
(15)	1	1	1	1	/DEC15



- Decodificador de 4 a 16 con decodificadores de 2 a 4

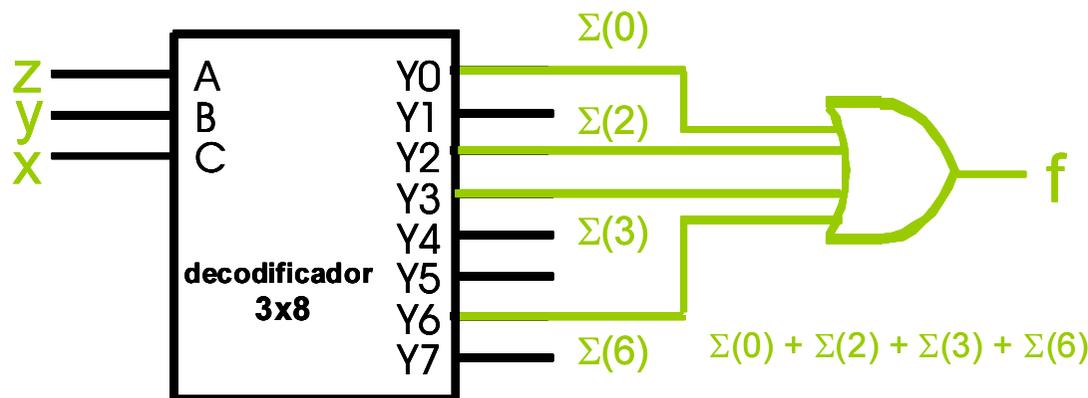
	E3	E2	E1	E0	
(0)	0	0	0	0	/DEC0
(1)	0	0	0	1	/DEC1
(2)	0	0	1	0	/DEC2
(3)	0	0	1	1	/DEC3
(4)	0	1	0	0	/DEC4
(5)	0	1	0	1	/DEC5
(6)	0	1	1	0	/DEC6
(7)	0	1	1	1	/DEC7
(8)	1	0	0	0	/DEC8
(9)	1	0	0	1	/DEC9
(10)	1	0	1	0	/DEC10
(11)	1	0	1	1	/DEC11
(12)	1	1	0	0	/DEC12
(13)	1	1	0	1	/DEC13
(14)	1	1	1	0	/DEC14
(15)	1	1	1	1	/DEC15



- El decodificador como Generador de Funciones (1/4)
 - Decodificador binario con salidas activas a nivel alto + puerta OR
 - Salida i-ésima: minitérmino $i = \Sigma(i)$
 - Se puede usar para implementar funciones lógicas expresadas en forma de suma de minitérminos

Ejemplo: Implementar la función
Mediante un decodificador de 3 a 8

$$f = \sum_{x,y,z} (0,2,3,6)$$

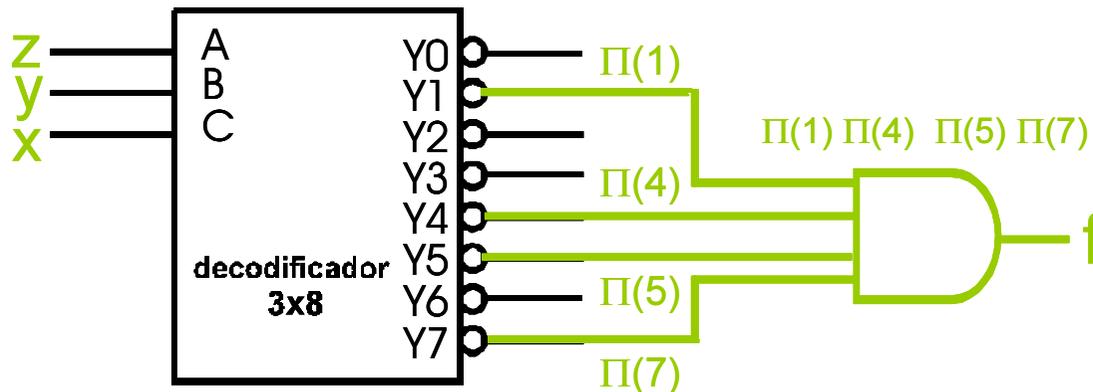


x	y	z	f
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

- El decodificador como Generador de Funciones (2/4)
 - Decodificador binario con salidas activas a nivel bajo + puerta AND
 - Salida i-ésima: maxitérmino $i = \Pi(i)$
 - Se puede usar para implementar funciones lógicas expresadas en forma de producto de maxitérminos

Ejemplo: Implementar la función
Mediante un decodificador de 3 a 8

$$f = \prod_{x,y,z} (1,4,5,7)$$

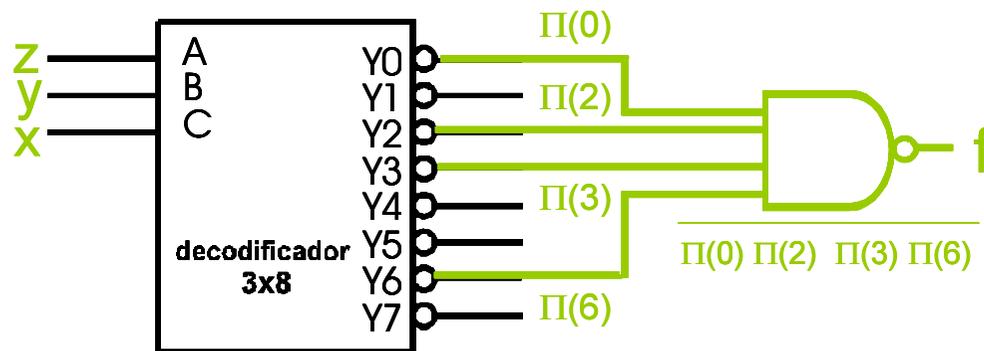


<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>	<i>f</i>
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

- El decodificador como Generador de Funciones (3/4)
 - Decodificador binario con salidas activas a nivel bajo + puerta NAND

$$\begin{aligned}
 f &= \sum_{x,y,z} (0,2,3,6) = \sum_{x,y,z} (0) + \sum_{x,y,z} (2) + \sum_{x,y,z} (3) + \sum_{x,y,z} (6) = \\
 &= \overline{\sum_{x,y,z} (0) + \sum_{x,y,z} (2) + \sum_{x,y,z} (3) + \sum_{x,y,z} (6)} = \overline{\sum_{x,y,z} (0) \sum_{x,y,z} (2) \sum_{x,y,z} (3) \sum_{x,y,z} (6)} \\
 &= \overline{\prod_{x,y,z} (0) \prod_{x,y,z} (2) \prod_{x,y,z} (3) \prod_{x,y,z} (6)}
 \end{aligned}$$

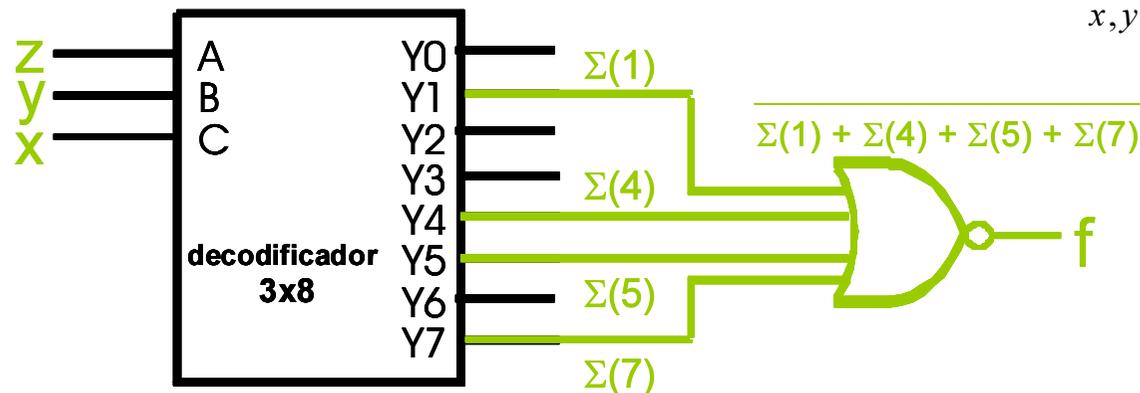
$$\overline{\sum_{x,y,z} (i)} = \prod_{x,y,z} (i)$$



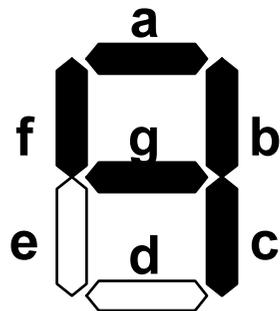
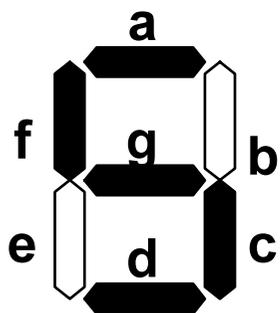
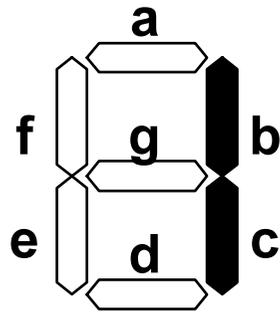
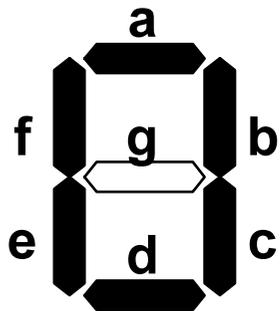
- El decodificador como Generador de Funciones (4/4)
 - Decodificador binario con salidas activas a nivel alto + puerta NOR

$$\begin{aligned}
 f &= \prod_{x,y,z} (1,4,5,7) = \prod_{x,y,z} (1) \prod_{x,y,z} (4) \prod_{x,y,z} (5) \prod_{x,y,z} (7) = \\
 &= \overline{\prod_{x,y,z} (1) \prod_{x,y,z} (4) \prod_{x,y,z} (5) \prod_{x,y,z} (7)} = \overline{\prod_{x,y,z} (1) + \prod_{x,y,z} (4) + \prod_{x,y,z} (5) + \prod_{x,y,z} (7)} \\
 &= \sum_{x,y,z} (1) + \sum_{x,y,z} (4) + \sum_{x,y,z} (5) + \sum_{x,y,z} (7)
 \end{aligned}$$

$$\sum_{x,y,z} (i) = \overline{\prod_{x,y,z} (i)}$$



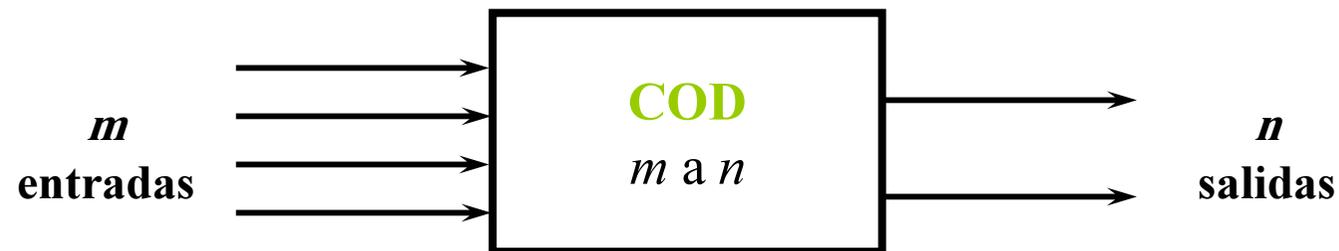
- Decodificadores BCD a 7 segmentos (salidas no excluyentes)



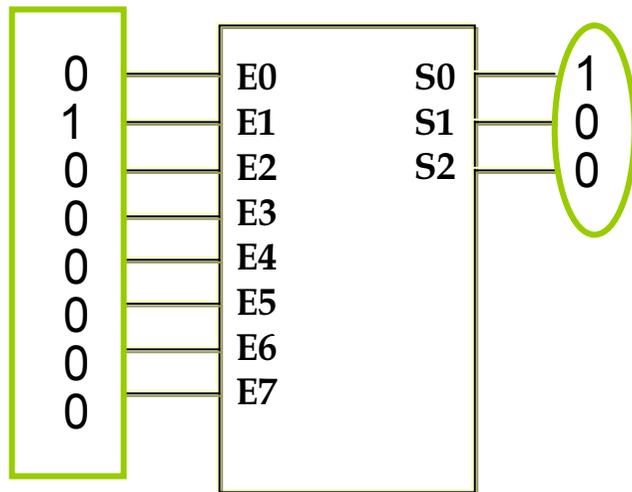
DECIMAL	ENTRADAS				SALIDAS						
	D	C	B	A	a	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
2	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
4	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
5	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
6	0	1	1	0	0	0	1	1	1	1	1
7	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
8	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1



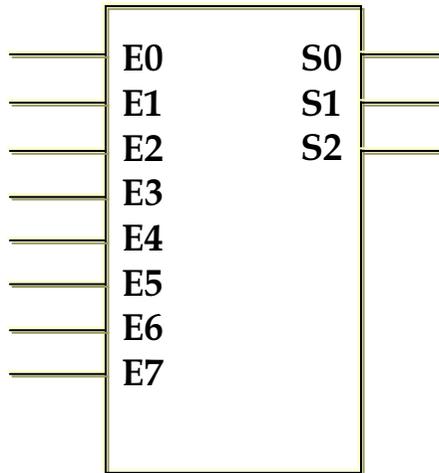
- Función opuesta al decodificador



- ⇒ Codificador binario
 - $m=2^n$ entradas y n salidas
- ⇒ Se emplean en subsistemas de entrada/salida
 - el código de salida identifica el dispositivo que realiza una petición al procesador



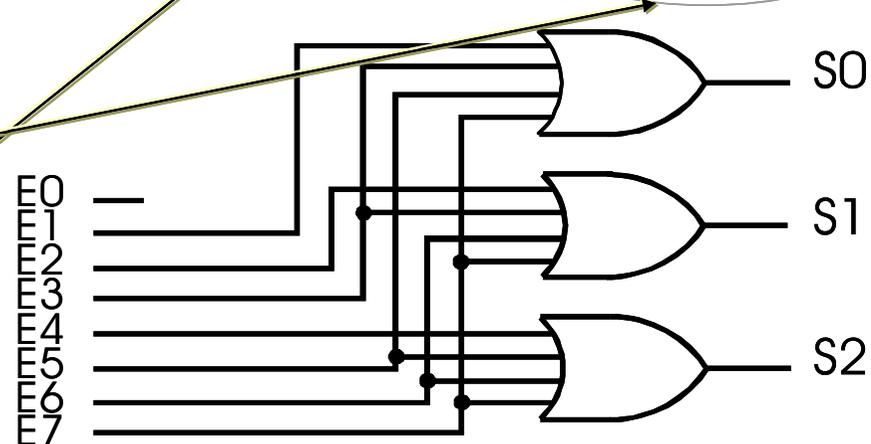
ENTRADAS								SALIDAS		
E7	E6	E5	E4	E3	E2	E1	E0	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0



ENTRADAS								SALIDAS		
E7	E6	E5	E4	E3	E2	E1	E0	S2	S1	S0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	0	0	0	1	1	0
0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0

Inconveniente:

La entrada **E0**, genera un código de salida que es imposible de distinguir del código generado cuando todas las entradas son cero.



Inconvenientes:

↪ La entrada E0 genera un código idéntico al código generado cuando todas las entradas son cero (es imposible saber cuándo está activa)

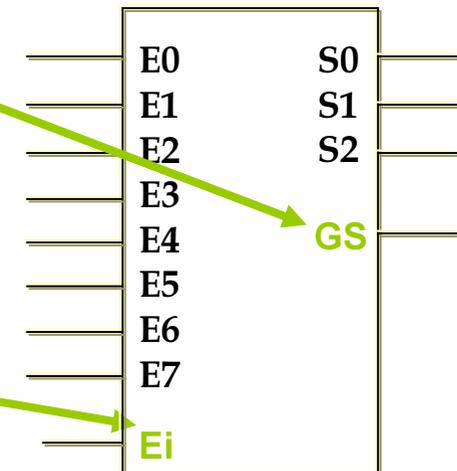
⊗ **Solución: GS** (group selection). Se activa si alguna entrada es activa

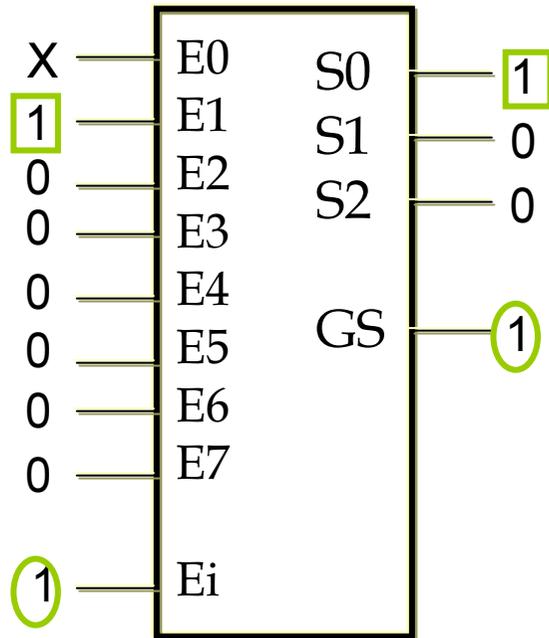
↪ Si hay más de una entrada activa se genera un conflicto

⊗ **Solución: Codificadores PRIORITARIOS**

Es posible añadir una entrada de habilitación

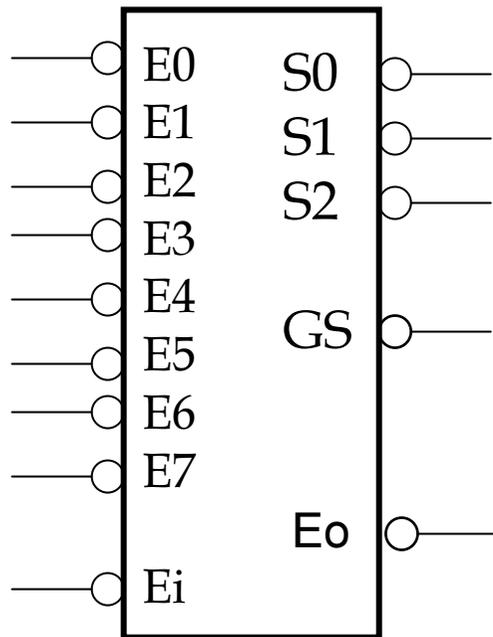
E_i (enable input)





Ei	ENTRADAS								SALIDAS			
	E7	E6	E5	E4	E3	E2	E1	E0	S2	S1	S0	GS
0	x	x	x	x	x	x	x	x	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	x	x	x	x	x	x	x	1	1	1	1
1	0	1	x	x	x	x	x	x	1	1	0	1
1	0	0	1	x	x	x	x	x	1	0	1	1
1	0	0	0	1	x	x	x	x	1	0	0	1
1	0	0	0	0	1	x	x	x	0	1	1	1
1	0	0	0	0	0	1	x	x	0	1	0	1
1	0	0	0	0	0	0	1	x	0	0	1	1
1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1

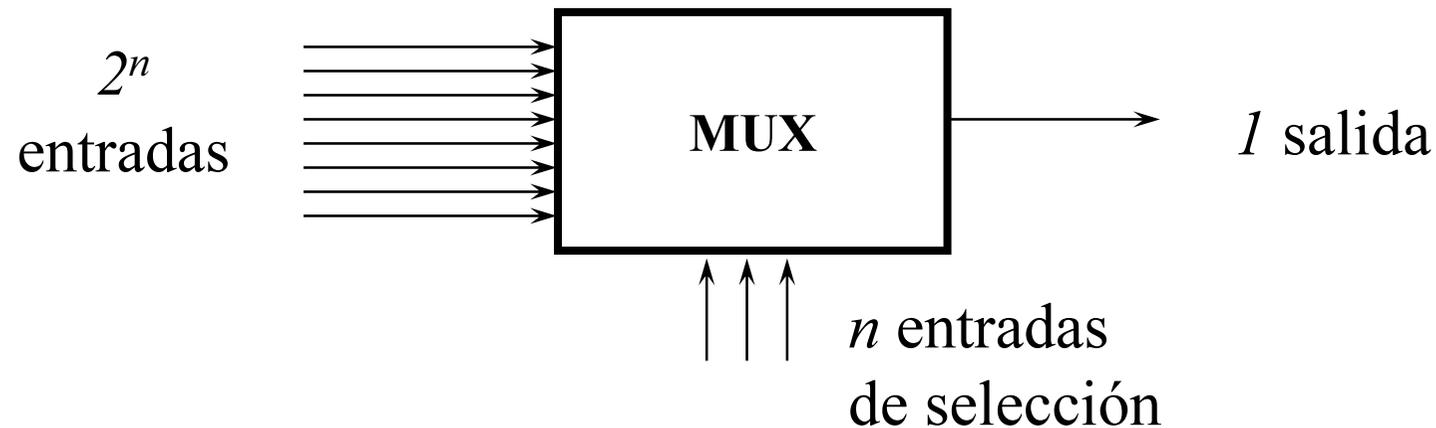
- Codificador comercial 74LS148



ENTRADAS									SALIDAS				
/Ei	/E7	/E6	/E5	/E4	/E3	/E2	/E1	/E0	/S2	/S1	/S0	/GS	/Eo
1	×	×	×	×	×	×	×	×	1	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	×	×	×	×	×	×	×	0	0	0	0	1
0	1	0	×	×	×	×	×	×	0	0	1	0	1
0	1	1	0	×	×	×	×	×	0	1	0	0	1
0	1	1	1	0	×	×	×	×	0	1	1	0	1
0	1	1	1	1	0	×	×	×	1	0	0	0	1
0	1	1	1	1	1	0	×	×	1	0	1	0	1
0	1	1	1	1	1	1	0	×	1	1	0	0	1
0	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	1

4. Multiplexores (I)

- Las líneas de selección indican qué entrada se obtendrá en la salida
- Muy utilizados en los caminos que sigue la información en los sistemas informáticos



ENTRADAS DE SELECCION		SALIDA
B	A	
0	0	E0
0	1	E1
1	0	E2
1	1	E3

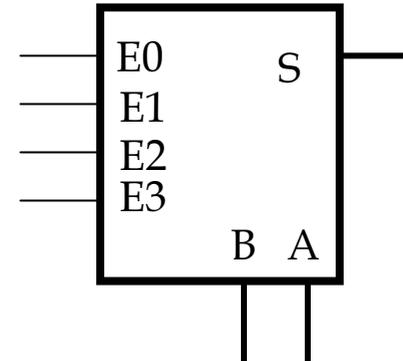
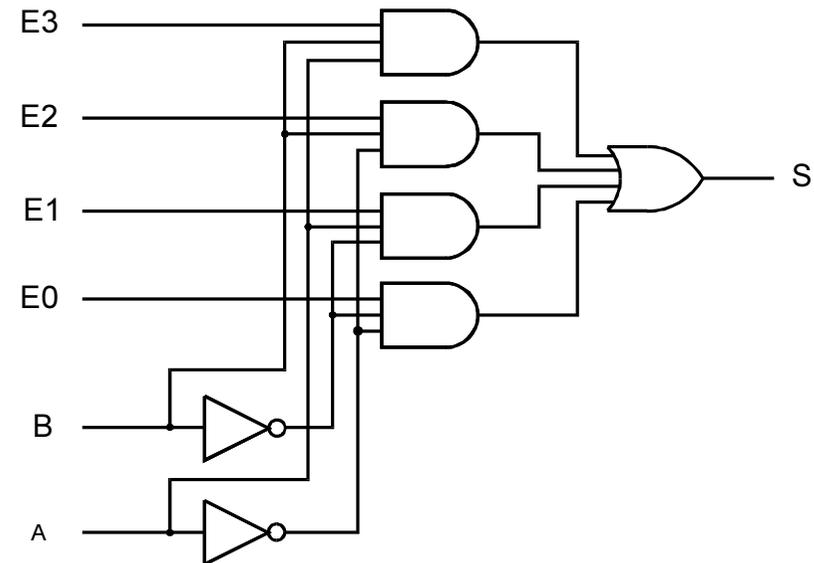


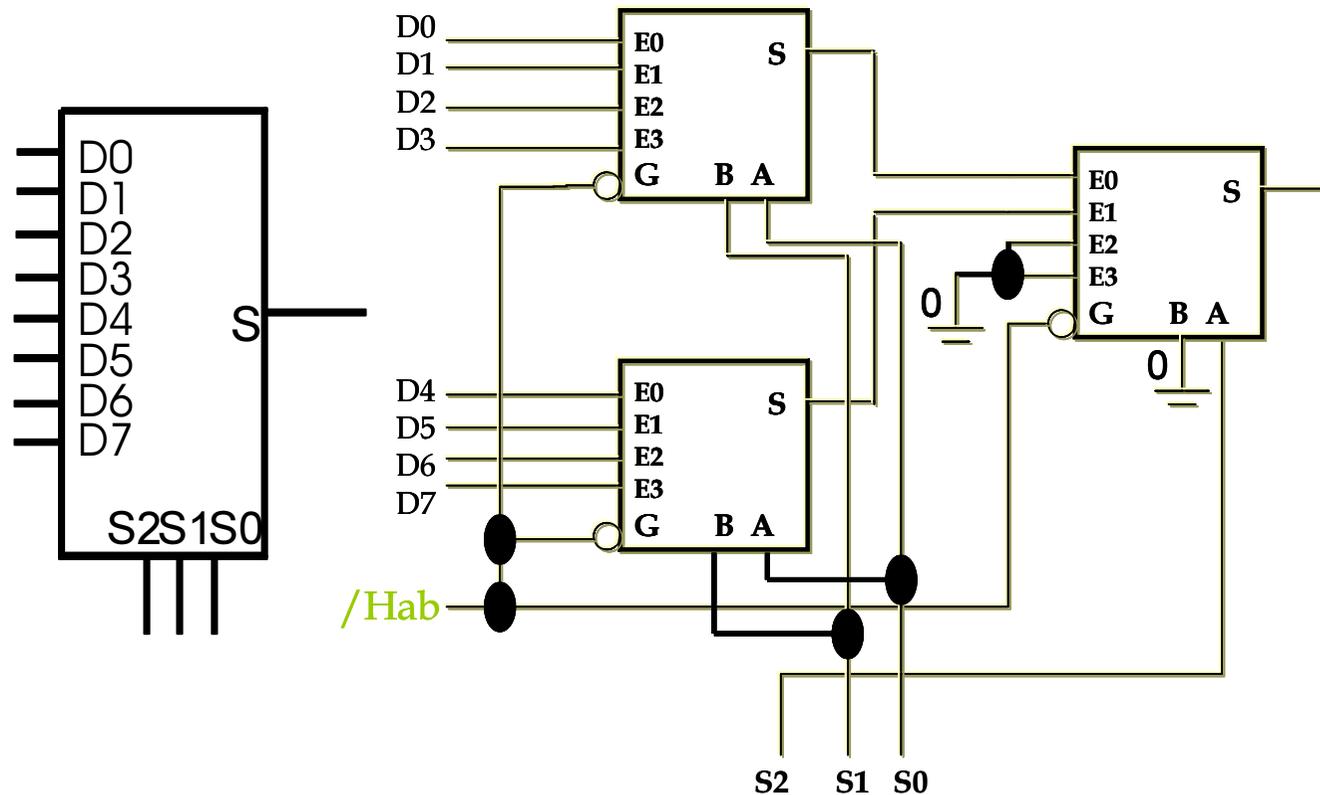
Tabla de verdad extendida

ENTRADAS DE SELECCION		ENTRADAS DE DATOS				SALIDA
B	A	E3	E2	E1	E0	
0	0	X	X	X	0	0
0	0	X	X	X	1	1
0	1	X	X	0	X	0
0	1	X	X	1	X	1
1	0	X	0	X	X	0
1	0	X	1	X	X	1
1	1	0	X	X	X	0
1	1	1	X	X	X	1



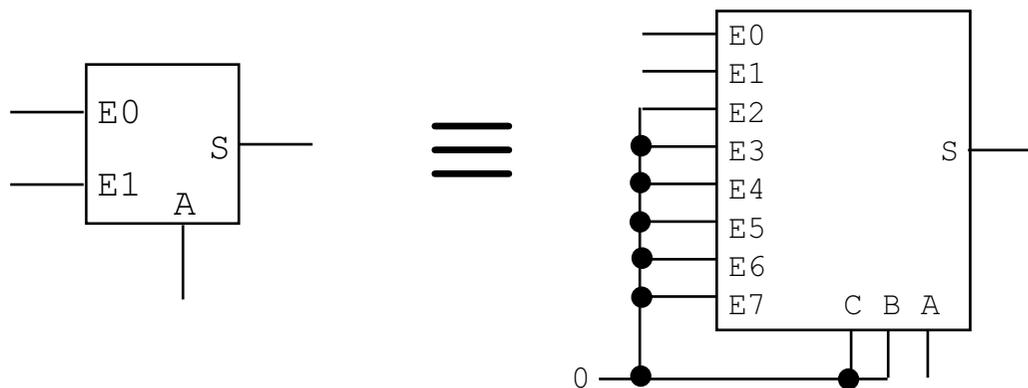
- Composición de multiplexores
 - MUX de 8 entradas de datos con MUX's de 4 entradas de datos

S2	S1	S0	S
0	0	0	D0
0	0	1	D1
0	1	0	D2
0	1	1	D3
1	0	0	D4
1	0	1	D5
1	1	0	D6
1	1	1	D7



- Ejercicio:
 - Se desea implementar un multiplexor de 1024 a 1 a base de una composición con multiplexores de 3 entradas de selección.
 - Indique el número de dichos multiplexores que serán necesarios.
 - Detalle el razonamiento seguido para obtener la respuesta.

- Solución:
 - Para cubrir 1024 entradas con multiplexores de 8 entradas necesitamos: $1024 / 8 = 128$ multiplexores de 8 entradas.
 - Para cubrir las salidas de esos 128 multiplexores necesitamos: $128 / 8 = 16$ multiplexores de 8 entradas.
 - Para cubrir las salidas de esos 16 multiplexores necesitamos: $16 / 8 = 2$ multiplexores de 8 entradas.
 - Para cubrir las salidas de esos 2 multiplexores necesitamos: 1 multiplexor de 2 entradas
 - Se puede implementar con 1 multiplexor de 8 entradas.

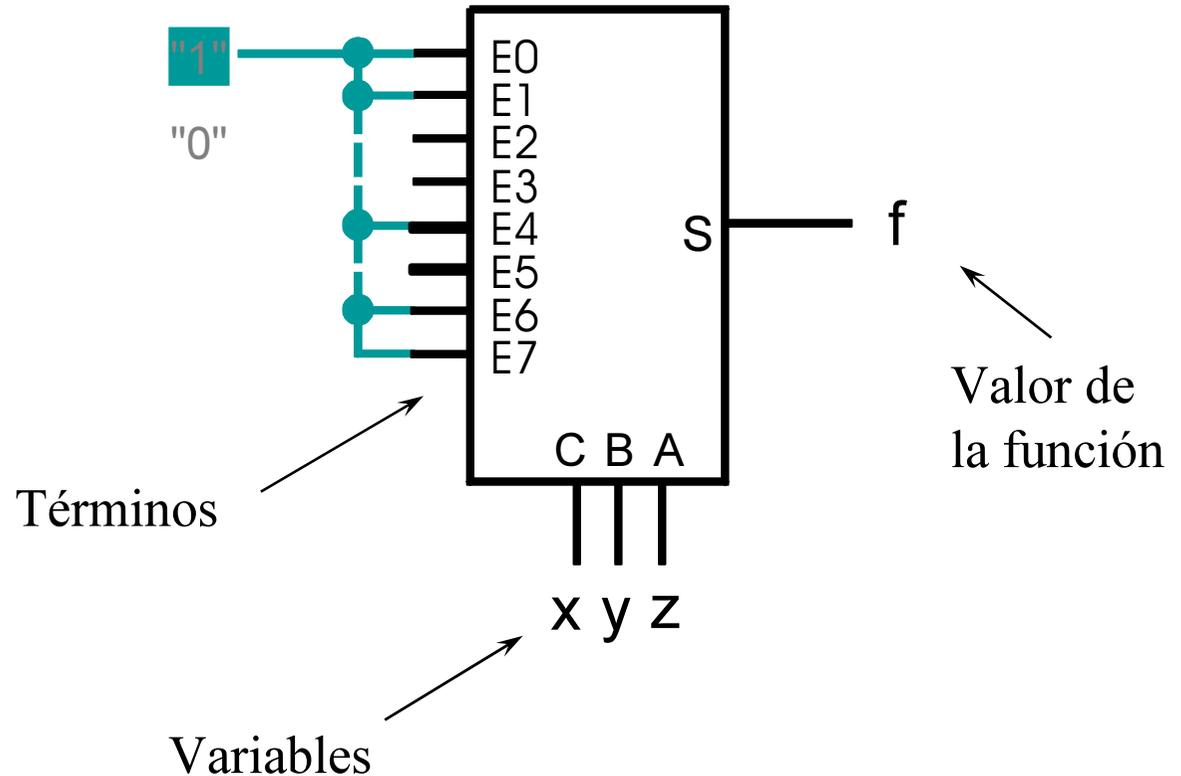


$128 + 16 + 2 + 1 =$
147 multiplexores de 8
entradas

- Generación de funciones (I)

$$f = \sum_{x,y,z} (0,1,4,6,7)$$

<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>	<i>f</i>
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

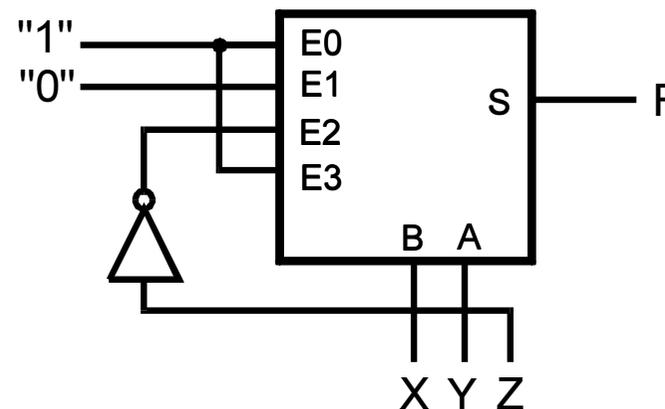


- Generación de funciones (II)
 - Se pueden implementar funciones de n variables con un multiplexor de n-1 entradas de selección

X	Y	Z	F	F(Z)
0	0	0	1	1
0	0	1	1	
0	1	0	0	0
0	1	1	0	
1	0	0	1	\bar{Z}
1	0	1	0	
1	1	0	1	1
1	1	1	1	

X	Y	F	
0	0	1	E0
0	1	0	E1
1	0	\bar{Z}	E2
1	1	1	E3

$$F = \sum_{X,Y,Z} (0,1,4,6,7)$$

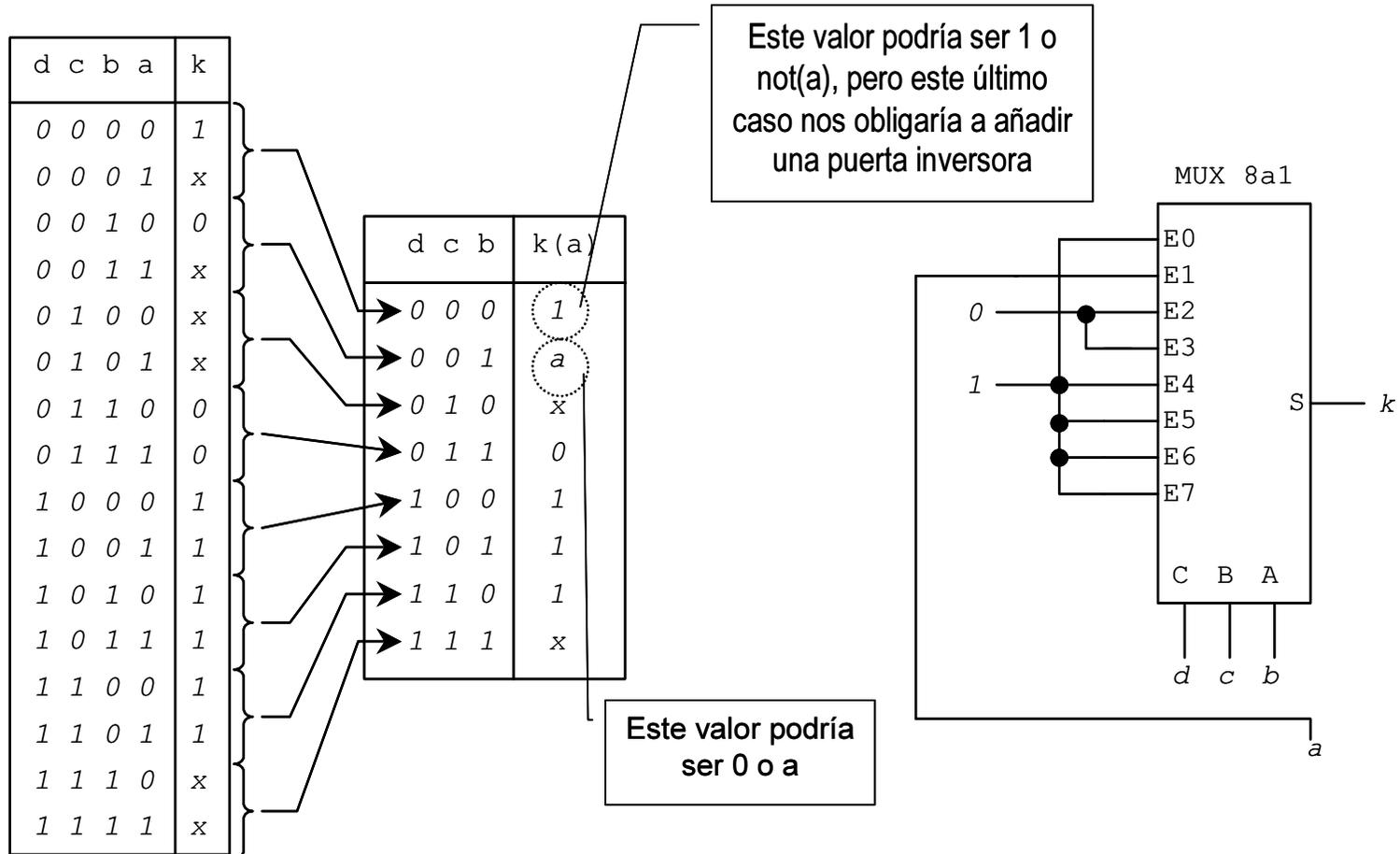


- Ejercicio:
 - Dada la función:

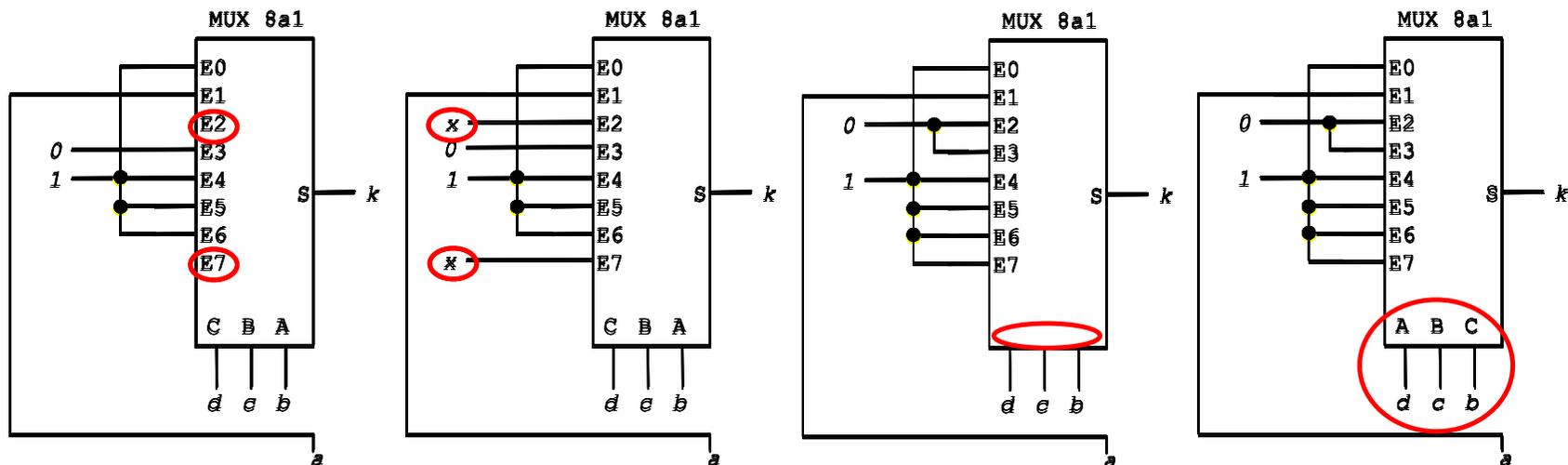
$$k = \prod_{d, c, b, a} (2, 6, 7) \cdot \prod_{\Phi} (1, 3, 4, 5, 14, 15)$$

- Impleméntese mediante un multiplexor y ninguna puerta adicional. Este multiplexor deberá disponer de una entrada de selección menos que el número de variables de la función. Muéstrese:
 - la tabla de verdad de la función k
 - la tabla de verdad reducida
 - el circuito resultante

- Solución:

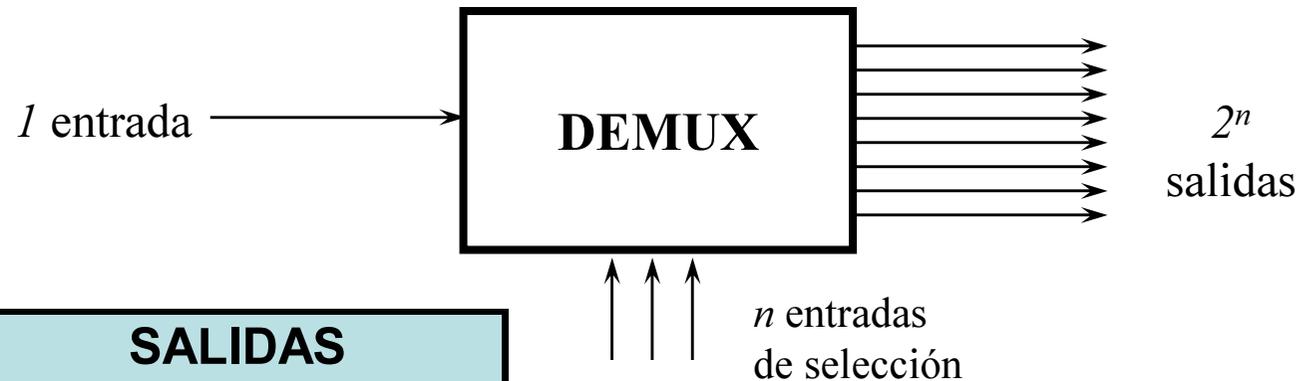


- Errores más comunes:
 - Dejar entradas al aire
 - Conectar "x" a las entradas
 - Conectar las variables de la función a entradas sin nombre
 - Conectar las variables de la función a entradas cuyo peso no es el correspondiente

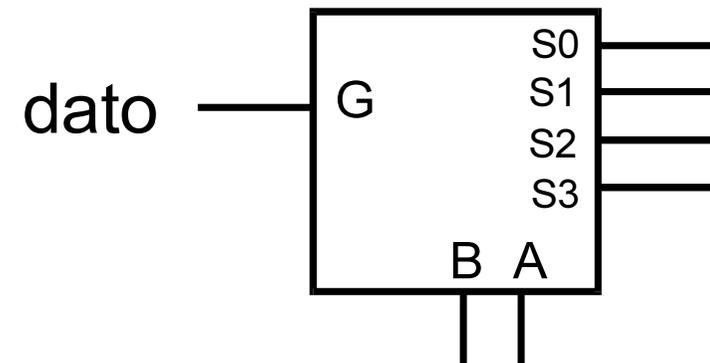


5. Demultiplexores

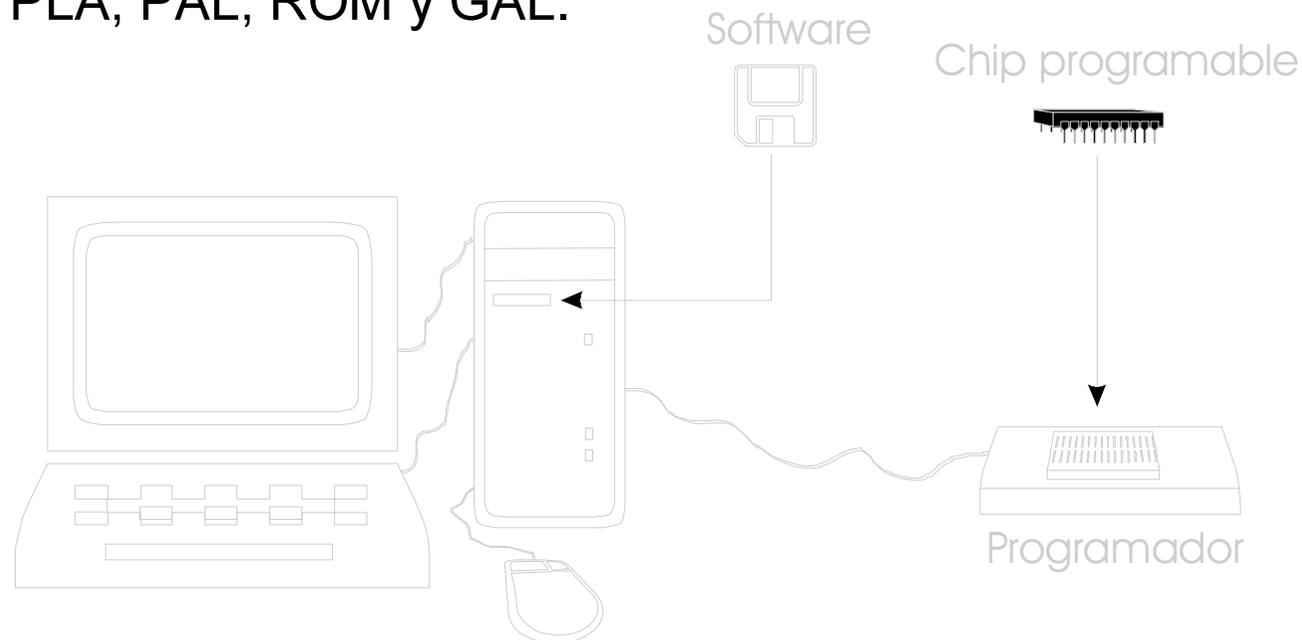
- Se pueden construir a partir de decodificadores
- Pueden ser utilizados para habilitar dispositivos



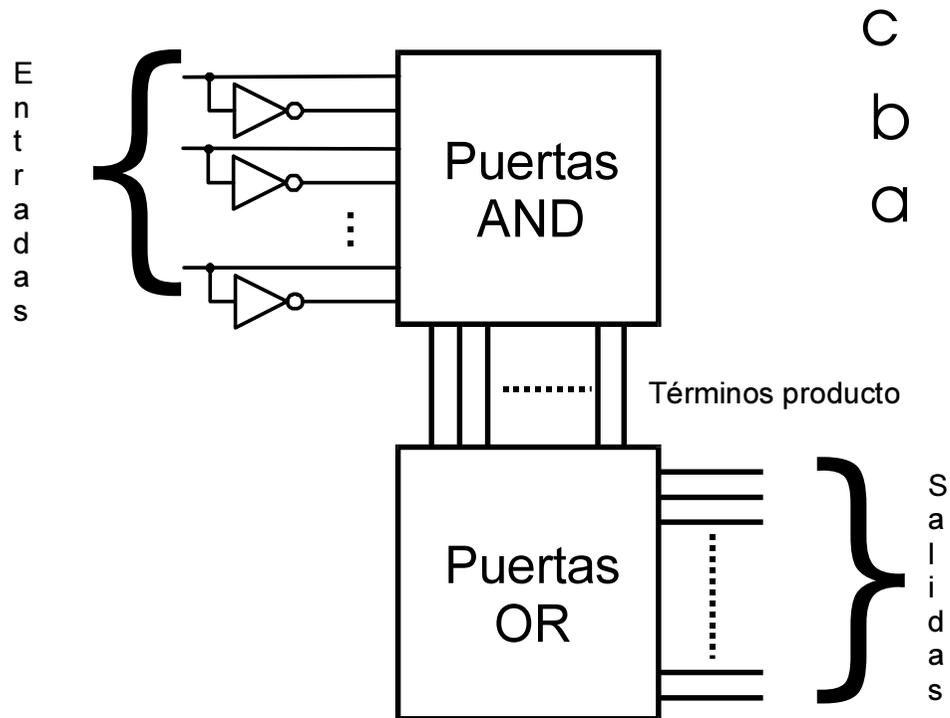
ENTRADAS			SALIDAS			
Dato	SELECCION		S3	S2	S1	S0
	B	A				
0	X	X	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0



- Son circuitos integrados que se utilizan con frecuencia para implementar funciones lógicas combinacionales.
- Ahorran espacio y reducen el coste de implementación, ya que en un mismo chip se implementan una o varias funciones.
- Tipos: PLA, PAL, ROM y GAL.



↪ Diagrama de bloques de una PLA matrices AND y OR



↪ Implementación de 3 funciones mediante una PLA

